

## ABSTRAK

**Nama : Karimah Hifdzoti Salimah**  
**NIM : 1167010039**  
**Judul : Nilai Ketakteraturan Refleksif Sisi pada Graf Diamond  
( $Br_n$ )**

Pelabelan graf merupakan kajian yang menarik dalam teori graf, karena penelitiannya yang terus mengalami perkembangan. Pada tahun 2017 Dushyant Tanna, Joe Ryan dan Andrea Semaničová-Feňovčíková membahas mengenai pelabelan- $k$  refleksif tak teratur sisi dari suatu graf  $G$ . Pelabelan- $k$  total refleksif tak teratur sisi dari  $G = (V, E)$  memiliki pelabelan sisi  $\chi_e: E(G) \rightarrow \{1, 2, \dots, k_e\}$  dan pelabelan titik  $\chi_v: V(G) \rightarrow \{0, 2, \dots, 2k_v\}$  sehingga  $\chi(x) = \chi_v(x)$  jika  $x \in V(G)$  dan  $\chi(x) = \chi_e(x)$  jika  $x \in E(G)$ , dimana  $k = \max \{k_e, 2k_v\}$ , sedemikian rupa sehingga bobot semua sisi berbeda. Nilai ketakteraturan refleksif sisi dari  $G$ , dinotasikan dengan  $res(G)$ , adalah nilai  $k$  terkecil sehingga suatu graf  $G$  memiliki pelabelan- $k$  refleksif tak teratur sisi. Pada skripsi ini akan membahas mengenai nilai ketakteraturan refleksif sisi pada graf diamond ( $Br_n$ ) dan akan membuktikan

$$\text{bahwa } res(Br_n) = \begin{cases} \left\lceil \frac{5n-5}{3} \right\rceil, & \text{jika } n \not\equiv 4,5 \pmod{6} \\ \left\lceil \frac{5n-5}{3} \right\rceil + 1, & \text{jika } n \equiv 4,5 \pmod{6} \end{cases}.$$

**Kata Kunci : Pelabelan- $k$  refleksif tak teratur sisi, Nilai ketakteraturan refleksif sisi, Graf diamond**

## ***ABSTRACT***

**Name** : **Karimah Hifdzoti Salimah**  
**NIM** : **1167010039**  
**Title** : ***Reflexive Edge Irregularity Strength of Diamond Graphs***  
**( $Br_n$ )**

*Graph labeling is an interesting research in Graph Theory, because this research continues to experience development. In 2017 Dushyant Tanna, Joe Ryan and Andrea Semaničová-Feňovčíková discuss the edge irregular reflexive  $k$ -labeling of the graph  $G$ . Edge irregular reflexive  $k$ -labeling of the graph  $G = (V, E)$  given edge labeling  $\chi_e: E(G) \rightarrow \{1, 2, \dots, k_e\}$  and vertex labeling  $\chi_v: V(G) \rightarrow \{0, 2, \dots, 2k_v\}$  with  $\chi(x) = \chi_v(x)$  if  $x \in V(G)$  and  $\chi(x) = \chi_e(x)$  if  $x \in E(G)$ , where  $k = \max \{k_e, 2k_v\}$ , such that the all egde weight are different. Reflexive edge irregularity strength of  $G$ , denoted by  $res(G)$ , is the minimum  $k$  for which  $G$  has an edge irregular reflexive  $k$ -labeling. In this paper, we discuss the reflexive edge irregularity strength of diamond graph ( $Br_n$ ) and prove that*

$$res(Br_n) = \begin{cases} \left\lceil \frac{5n-5}{3} \right\rceil & , \text{jika } n \not\equiv 4,5 \pmod{6} \\ \left\lceil \frac{5n-5}{3} \right\rceil + 1 & , \text{jika } n \equiv 4,5, \pmod{6} \end{cases}.$$

**Keywords** : ***Edge irregular reflexive  $k$ -labeling, Reflexive edge irregularity strength, Diamond Graphs***