

## DAFTAR ISI

KATA PENGANTAR .....	VI
DAFTAR ISI.....	VIII
DAFTAR GAMBAR .....	XI
DAFTAR TABEL.....	XII
DAFTAR SIMBOL.....	XIII
DAFTAR LAMPIRAN .....	XIV
BAB 1.....	1
PENDAHULUAN.....	1
1.1 Latar Belakang .....	1
1.2 Rumusan Masalah.....	3
1.3 Batasan Masalah.....	3
1.4 Tujuan dan Manfaat .....	3
1.5 Metodologi Penelitian .....	4
1.6 Sistematika Penulisan.....	4
BAB II.....	6
LANDASAN TEORI.....	6
2.1 Pemodelan Matematika.....	6
2.2 Mangsa Pemangsa.....	7
2.3 Model Penyakit tipe-SI pada Mangsa .....	7
2.4 Perlindungan .....	8
2.5 Fungsi Respon.....	8
2.6 Bilangan Reproduksi Dasar.....	10
2.7 Analisis Kestabilan.....	10
2.7.1 Titik Tetap.....	10
2.7.2 Linierisasi .....	11
2.7.3 Nilai Eigen dan Vektor Eigen .....	11
2.7.4 Trace Determinan.....	12
2.7.5 Kestabilan.....	13
2.7.6 Kriteria Routh-Hurwitz .....	17
2.8 Analisis Sensitivitas .....	18

BAB III.....	19
MODEL EKO-EPIDEMIOLOGI DENGAN ADANYA PERLINDUNGAN	
PADA MANGSA DAN PEMANENAN PADA PEMANGSA' .....	19
3.1 Pembentukan Model.....	19
3.2 Analisis Titik Tetap.....	21
3.3 Analisis Eksistensi .....	22
3.4 Analisis Kestabilan.....	24
3.5 Bilangan Reproduksi Dasar.....	35
3.6 Analisis Sensitivitas .....	36
3.6.1 Analisis Sensitivitas untuk $e_1$ .....	36
3.6.2 Analisis Sensitivitas untuk $\alpha$ .....	37
3.6.3 Analisis Sensitivitas untuk $\beta$ .....	37
3.6.4 Analisis Sensitivitas untuk $r$ .....	37
3.6.5 Analisis Sensitivitas untuk $m$ .....	38
3.6.6 Analisis Sensitivitas untuk $\gamma$ .....	38
3.6.7 Analisis Sensitivitas untuk $\mu_1$ .....	38
3.6.8 Analisis Sensitivitas untuk $\mu_2$ .....	39
3.6.9 Analisis Sensitivitas untuk $\theta$ .....	39
BAB IV .....	41
SIMULASI NUMERIK DAN INTERPRETASI.....	
4.1 Simulasi Numerik.....	41
4.1.1 Simulasi 1 .....	41
4.1.2 Simulasi 2.....	43
4.1.3 Simulasi 3.....	44
4.2 Simulasi Sensitivitas .....	45
4.2.1 Pengaruh $\beta, \mu_2, \theta$ dan $m$ terhadap $\mathfrak{R}_0$ .....	46
4.2.2 Pengaruh $e_1, \alpha, r, \mu_1$ dan $\gamma$ terhadap $\mathfrak{R}_0$ .....	47
BAB V.....	49
PENUTUP.....	49
4.1 Kesimpulan .....	49
4.2 Saran.....	51
DAFTAR PUSTAKA .....	52



## DAFTAR GAMBAR

GAMBAR 2.1 DIAGRAM ALUR MODEL MATEMATIKA.....	6
GAMBAR 2.2 DIAGRAM ALUR MODEL SI .....	8
GAMBAR 2.1. [11] TRAYEKTORI SADDLE POINT.....	13
GAMBAR 2.2. [11] TRAYEKTORI NODE POINT.....	14
GAMBAR 2.3. [11]TRAYEKTORI NODE POINT.....	14
GAMBAR 2.4. [11] TRAYEKTORI CENTER POINT.....	15
GAMBAR 2.5. [11] TRAYEKTORI SPIRAL SINK .....	15
GAMBAR 2.6. [11] TRAYEKTORI SPIRAL SOURCE .....	15
GAMBAR 2.7. [11] TRAYEKTORI IMPROPER NODE .....	16
GAMBAR 2.8. [15] TRAYEKTORI STAR POINT .....	16
GAMBAR 3.1 KONTRUKSI MODEL.....	20
GAMBAR 4.1 DENGAN M=0.9.....	42
GAMBAR 4.2 DENGAN M=0.2.....	42
GAMBAR 4.3 DENGAN THETA =0.2.....	43
GAMBAR 4.4 DENGAN THETA=0.9 .....	43
GAMBAR 4.5 DENGAN M=0.8.....	44
GAMBAR 4.6 DENGAN M=0.9.....	44
GAMBAR 4.5 PENGARUH $\beta, \mu_2, \theta, m$ TERHADAP $\mathbf{R}_0$ .....	47
GAMBAR 4.6 PENGARUH $e_1, \alpha, r, \mu_1, \gamma$ TERHADAP $\mathbf{R}_0$ .....	48

## **DAFTAR TABEL**

TABEL 2.1[15] KESTABILAN TITIK KESETIMBANGAN .....	16
TABEL 3.1 KOMPARTEMAN YANG DIGUNAKAN DALAM KONTRUKSI MODEL.....	20
TABEL 3.2 PARAMETER YANG DIGUNAKAN DALAM KONTRUKSI MODEL.....	21
TABEL 3.3 INDEKS SENSITIVITAS.....	39
TABEL 4.1 NILAI PARAMETER.....	41
TABEL 4.2 I PENGARUH PARAMETER TERHADAP PERUBAHAN NILAI R <sub>O</sub> .....	45



## DAFTAR SIMBOL

$x$	: Mangsa <i>Susceptible</i>
$y$	: Mangsa <i>Infected</i>
$z$	: Pemangsa
$\frac{dx}{dt}$	: Laju perubahan populasi mangsa <i>susceptible</i> pada saat t
$\frac{dy}{dt}$	: Laju perubahan populasi mangsa <i>infected</i> pada saat t
$\frac{dz}{dt}$	: Laju perubahan populasi pemangsa pada saat t
$r$	: Laju pertumbuhan intrinsik
$\beta$	: Laju penularan penyakit
$\alpha$	: Laju Interaksi antara mangsa <i>susceptible</i> dan pemangsa
$\gamma$	: Laju Interaksi antara mangsa <i>infected</i> dan pemangsa
$\mu_1$	: Laju kematian akibat <i>infected</i> pada mangsa <i>infected</i>
$\mu_2$	: Laju kematian alami pada pemangsa
$e_1$	: Laju konversi mangsa <i>susceptible</i>
$e_2$	: Laju konversi mangsa <i>infected</i>
$m$	: Laju Perlindungan pada mangsa
$\theta$	: Laju Pemanenan

## **DAFTAR LAMPIRAN**

LAMPIRAN 1 : MENENTUKAN TITIK KESETIMBANGAN .....	55
LAMPIRAN 2 : SIMULASI DINAMIK MENGGUNAKAN MAPLE.....	64
LAMPIRAN 3 : SIMULASI SENSITIVITAS MENGGUNAKAN MAPLE .....	68

